

TAREA 4 – 3

1. Sean $\mathbf{a} = 2xz^2\mathbf{i} - yz\mathbf{j} + 3xz^3\mathbf{k}$ y $\phi = x^2yz$. En el punto $(1,1,1)$, encuentre lo siguiente:
 - a. $\nabla \times \mathbf{a}$
 - b. $\text{rot}(\phi\mathbf{a})$
 - c. $\nabla \times (\nabla \times \mathbf{a})$
 - d. $\nabla[\mathbf{a} \cdot \text{rot} \mathbf{a}]$
 - e. $\text{rot grad}(\phi)$

2. Sea $f = x^2yz$, $g = xy - 3z^2$. Encuentre
 - a. $\nabla[(\nabla f) \cdot (\nabla g)]$
 - b. $\nabla \cdot [(\nabla f) \times (\nabla g)]$
 - c. $\nabla \times [(\nabla f) \times (\nabla g)]$.

3. Evalúe $\nabla \times \left(\frac{\mathbf{r}}{r^2} \right)$.

4. ¿Para qué valor de la constante a el vector $\mathbf{a} = (axy - z^3)\mathbf{i} + (a-2)x^2\mathbf{j} + (1-a)xz^2\mathbf{k}$ tendrá su rotacional igual a cero?

5. Dadas $\mathbf{a} = x^2z\mathbf{i} + yz^3\mathbf{j} - 3xy\mathbf{k}$, $\mathbf{b} = y^2\mathbf{i} - yz\mathbf{j} + 2x\mathbf{k}$ y $\phi = 2x^2 + yz$. Calcule
 - a. $\mathbf{a} \cdot (\nabla \phi)$
 - b. $(\mathbf{a} \cdot \nabla)\phi$
 - c. $(\mathbf{a} \cdot \nabla)\mathbf{b}$
 - d. $\mathbf{b}(\mathbf{a} \cdot \nabla)$
 - e. $(\nabla \cdot \mathbf{a})\mathbf{b}$.

6. Suponga que $\mathbf{a} = yz^2\mathbf{i} - 3xz^2\mathbf{j} + 2xyz\mathbf{k}$, $\mathbf{b} = 3x\mathbf{i} + 4z\mathbf{j} - xy\mathbf{k}$ y $\phi = xyz$. Encuentre
 - a. $\mathbf{a} \times (\nabla \phi)$
 - b. $(\mathbf{a} \times \nabla)\phi$
 - c. $(\nabla \times \mathbf{a}) \times \mathbf{b}$
 - d. $\mathbf{b} \cdot \nabla \times \mathbf{a}$

7. Dadas $\mathbf{a} = xz^2\mathbf{i} + 2y\mathbf{j} - 3xz\mathbf{k}$ y $\mathbf{b} = 3xz\mathbf{i} + 2yz\mathbf{j} - z^2\mathbf{k}$. Encuentre $\mathbf{a} \times (\nabla \times \mathbf{b})$ y $(\mathbf{a} \times \nabla) \times \mathbf{b}$ en el punto $(1, -1, 2)$.

8. Demuestre que $\mathbf{a} = (6xy + z^3)\mathbf{i} + (3x^2 - z)\mathbf{j} + (3xz^2 - y)\mathbf{k}$ es irrotacional. Determine ϕ de modo que $\mathbf{a} = \nabla \phi$.

9. Suponga que $\mathbf{a} = x^2z^2\mathbf{i} - 2y^2z^2\mathbf{j} + xy^2z\mathbf{k}$, $\mathbf{b} = x^2\mathbf{i} + yz\mathbf{j} - xy\mathbf{k}$ y $\phi = 2x^2yz^3$. Encuentre:
 - a. $(\mathbf{a} \cdot \nabla)\phi$
 - b. $\mathbf{a} \cdot \nabla \phi$
 - c. $(\mathbf{b} \cdot \nabla)\phi$
 - d. $(\mathbf{a} \times \nabla)\phi$
 - e. $\mathbf{a} \times \nabla \phi$